

$y = \lim_{x \rightarrow 0^+} x^{\text{sen } x} = 0^0$; 0^0 es una indeterminación. Para resolver esta indeterminación tomamos logaritmos y aplico propiedades con lo que me queda: $\ln y = \lim_{x \rightarrow 0^+} \text{Sen } x \cdot \ln x = 0 \cdot \infty$ de nuevo otra indeterminación pero la podemos escribir de forma que pueda aplicar L'Hôpital, escribiremos

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \text{sen } x \cdot \ln x = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln x}{\frac{1}{\text{sen } x}} = \frac{0}{0}; \text{ aplico L'Hôpital y obtenemos}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln x}{\frac{1}{\text{sen } x}} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\frac{1}{x}}{\frac{-\cos x}{\text{sen}^2 x}} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\text{sen}^2 x}{-x \cdot \cos x} = \frac{0}{0}, \text{ aplicando otra vez L'Hôpital y operando}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2 \text{sen } x \cos x}{-\cos x + x \text{sen } x} = \frac{0}{-1} = 0$$

Por tanto $\ln y = 0 \Rightarrow y = e^0 = 1$ es decir $\lim_{x \rightarrow 0^+} x^{\text{sen } x} = 1$